

**J-114****B.A. (Part-III) Examination, 2021****MATHEMATICS**

(Optional)

Paper - III

(Discrete Mathematics)

***Time Allowed : Three Hours******Maximum Marks : 50******Minimum Pass Marks : 17***

नोट : सभी पाँच प्रश्नों के उत्तर दीजिये। प्रत्येक इकाई से दो भाग कीजिए। सभी प्रश्नों के अंक समान हैं।

**Note :** Attempt all the five questions. Attempt any two parts from each unit. All questions carry equal marks.

**UNIT-I / इकाई-I**

**Q. 1.** (a) How many numbers from 1 to 100 are not divisible by 2, 3 and 5 ?

1 से 100 तक कितने पूर्णांक हैं जो न ही 2 से, न ही 3 से और न ही 5 से भाज्य हैं ?

(b) Prove that :

$$\binom{n+1}{r} = \binom{n}{r-1} + \binom{n}{r}$$

सिद्ध कीजिए :

$$\binom{n+1}{r} = \binom{n}{r-1} + \binom{n}{r}$$

(c) Show that if seven numbers from 1 to 12 are

chosen, then two of them will add upto 13.

दिखाइये कि यदि 1 से 12 तक की सात संख्याएँ चुनी जाती हैं, तो उनमें से दो 13 तक जुड़ जाएँगी।

**इकाई-II / UNIT-II**

**Q. 2.** (a) If N is the set of natural numbers, then what is the domain of the relation

$$R = \{(x,y) : x + y = 7\}, \text{ where } x, y \in N$$

**(3)**

यदि  $N$ , प्राकृत संख्याओं का समुच्चय है तो सम्बन्ध  
 $R = \{(x, y) : x + y = 7\}$ , का प्रांत क्या है जहाँ  $x, y \in N$ .

- (b) Show that the maximum degree of any vertex in a simple graph with  $n$  vertices is  $(n - 1)$ .

दिखाइये कि  $n$  बिन्दुओं के साधारण ग्राफ में किसी बिन्दु की उच्चतम घात  $(n - 1)$  है।

- (c) Define the following with a graph :

- (i) Graph
- (ii) Subgraph
- (iii) Path
- (iv) Circuit

एक आलेख के साथ निम्नलिखित को परिभाषित करें :

- (i) आलेख

**(4)**

- (ii) उपआलेख
- (iii) पथ
- (iv) सर्किट

### इकाई-III / UNIT-III

- Q. 3.** (a) State and prove Kleene's theorem.

क्लीन का प्रमेय लिखिए एवं सिद्ध कीजिए।

- (b) Show that  $L = \{0^i 1^i \mid i \geq j\}$  is not a finite state

language.

दिखाइये कि  $L = \{0^i 1^i \mid i \geq j\}$  परिमित अवस्था भाषा नहीं है।

- (c) Draw the state diagram for the finite state machine with the state table given below :

नीचे दी गई अवस्था तालिका के साथ परिमित अवस्था यंत्र के लिए अवस्था आरेख खींचिये :

**(5)**

State	f input		g output	
	0	1	0	1
S <sub>0</sub>	S <sub>1</sub>	S <sub>3</sub>	1	0
S <sub>1</sub>	S <sub>1</sub>	S <sub>2</sub>	1	1
S <sub>2</sub>	S <sub>3</sub>	S <sub>4</sub>	0	1
S <sub>3</sub>	S <sub>1</sub>	S <sub>0</sub>	0	0
S <sub>4</sub>	S <sub>3</sub>	S <sub>4</sub>	0	0

#### इकाई-IV / UNIT-IV

**Q. 4.** (a) Solve by the method of generating functions

recurrence relation :

$$a_r - 2a_{r-1} = 2(r - 1)$$

जनक फलन विधि से पुनरागमन सम्बन्ध  $a_r - 2a_{r-1} =$

$2(r - 1)$  को हल कीजिए।

**(6)**

(b) Solve the difference equation :

$$6a_r - 7a_{r-1} - 20a_{r-2} = 3r^2 - 2r + 8$$

अन्तर समीकरण :

$$6a_r - 7a_{r-1} - 20a_{r-2} = 3r^2 - 2r + 8$$

को हल कीजिए।

(c) Define recurrence relation with example.

पुनरावृत्ति सम्बन्ध को उदाहरण सहित समझाइए।

#### इकाई-V / UNIT-V

**Q. 5.** (a) Explain absorption law for Boolean algebra.

बूलीय बीजगणित के लिए अवशोषण के नियम को समझाइए।

**(7)**

(b) Change the function  $x'yz + xyz + x'yz' + xyz'$

into disjunctive normal form of two variables.

फलन  $x'yz + xyz + x'yz' + xyz'$  को वियोजनीय प्रसामान्य

रूप में बदलिए।

(c) Show that every chain is a lattice.

दिखाइये कि प्रत्येक शृंखला एक लैटिस है।

